### Processador SAR compacto baseado em FPGA para monitoramento em tempo real

José Claudio Mura<sup>1</sup>
Fabio Furlan Gama<sup>1</sup>
Leonardo Sant´Anna Bins<sup>1</sup>
Denys Geraldo Tanos Jorge<sup>2</sup>
Fernando Gustavo Silveira<sup>2</sup>

<sup>1</sup> Instituto Nacional de Pesquisas Espaciais - INPE Caixa Postal 515 - 12227-010 - São José dos Campos - SP, Brasil {mura, fabio, leonardo}@dpi.inpe.br

<sup>2</sup> Orbisat da Amazônia Industria e Aerolevantamento S. A. Av. Shishima Hifumi, 2911- sala 404, Parque Tecnológico, São José dos Campos - SP, Brasil { denys.tanos, fernando.silveira } @orbisat.com.br

**Abstract.** This paper describes the methodology used to process SAR data in real time based on FPGA (Field-Programmable Gate Array) device. A FPGA is an integrated circuit designed to be configured by the customer or designer after manufacturing. The FPGA devices allows the integration of the SAR processor components providing a very efficient and fast processing time. This SAR processor was integrated with the Orbisat radar system (OrbiSAR) for X band data, but it can adapt for C, L and P band data as well. The real time SAR images are very useful for oil spill detection, monitoring of flooded area, detection of recent deforestation, identification of clandestine airstrips and others applications.

Palavras-chave: processamento, SAR, FPGA, tempo real, monitoramento

#### 1 - Introdução

A geração de imagens SAR é caracterizada por um intensivo processamento dos dados brutos, que demandam tempo e recursos computacionais. A nova geração de FPGA tem fornecido estes recursos com capacidade cada vez maior, de maneira integrada e rápida. A utilização deste recursos de alto desempenho vem de encontro com as demandas do processamento SAR. A necessidade de informações em um tempo menor possível sobre processos de desastres naturais e seu impacto motivou o desenvolvimento deste processador SAR, para que se tenha ainda durante o vôo informações valiosas, tais como: a detecção de derramamento de óleo, monitoramento de áreas alagadas, a detecção de áreas recém desmatadas, processos de deslizamento de encostas, identificação de pistas clandestinas, entre outros. O processador SAR desenvolvido foi incorporado ao sistema radar OrbiSAR da empresa Orbisat da Amazônia Industria e Aerolevantamento S. A., onde foram realizados testes com a banda X deste sistema, para a geração de imagens de alta resolução em tempo real.

#### 2 – Caracterização do sinal SAR

Um Sistema SAR é baseado em um radar de visada lateral, com coerência temporal de pulso para pulso, com uma freqüência de repetição de pulso (Pulse Repetition Frequency-PRF) da ordem de 1 KHz. A discriminação na direção perpendicular ao vôo ("range") é obtida através de um pulso estreito, de duração Tp, modulado linearmente em freqüência, com um alto produto (tempo)×(largura de banda),  $T_p x B_r$ . O sinal transmitido é conhecido como "chirp", modulado linearmente em freqüência, podendo ser representado pela seguinte equação:

$$s(\tau) = A\cos(2\pi f_0 \tau + \pi K_r \tau^2) \tag{2.1}$$

onde  $\tau$  é o tempo radial, definido no intervalo  $T_p/2 \le \tau < T_p/2$ ,  $f_0$  é a frequência central da onda portadora,  $K_r$  é a taxa de variação linear de frequência e  $\pi$  Kr  $\tau^2$  é a fase quadrática do sinal.

A alta resolução da Imagem SAR na direção de azimute, é conseguida através da técnica conhecida por Abertura Sintética. Utiliza-se como modelo, o comportamento de um alvo pontual  $P_0$ , ilustrado na Figura 1, desde a sua entrada no campo visual da antena, no instante  $t_e$ , até sua saída no instante  $t_s$ . Durante o intervalo de tempo  $(t_s - t_e)$  a plataforma se desloca  $V.(t_s - t_e)$  metros, este deslocamento é conhecido como o comprimento da "Abertura Sintética".

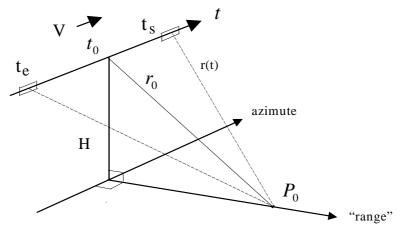


Figura 1 Ilustração do intervalo da abertura sintética

A variação de distância r(t) pode ser calculada pelo Teorema de Pitágoras e pode ser simplificada por expansão em série de Taylor, truncando os termos acima de 2a. ordem, fornecendo uma aproximação parabólica para r(t), segundo a equação:

$$r(t) = \sqrt{r_o^2 + (Vt)^2} \approx r_o + \frac{(Vt)^2}{2r_o}$$
 (2.2)

Supondo-se que o radar emita um pulso, com as características da equação 2.1, de envoltória complexa  $a(t,\tau)$ , onde o tempo t define a localização da plataforma,  $\tau$  o tempo radial,  $\tau_0$  o tempo com origem no ponto central do pulso na instante da transmissão, o sinal demodulado banda base recebido do ponto  $P_0$ , de refletividade complexa  $\sigma(t_0, r_0)$ , para uma moderada abertura sintética e pequeno ângulo de "squint", pode ser representado pela equação 2.3, segundo Cumming e Wong (2005):

$$g(\tau, t, \tau_0, t_0) = \sigma(t_0, r_0) w_r(\tau - \tau_d) w_a \left(\frac{t - t_0}{L}\right) \exp\left\{-j\frac{4\pi r_0}{c}\right\} \exp\left\{-j\pi K_a t^2\right\} \exp\left\{j\pi K_r \left[\tau - \tau_d\right]^2\right\}$$
(2.3)

onde  $w_r$  representa o diagrama da janela de tempo do "chirp",  $w_a$  representa o diagrama de irradiação da antena na direção de azimute, para uma antena de comprimento físico L,  $K_r$  representa a taxa de variação de frequência do "chirp",  $K_a$  representa a taxa de variação

linear de freqüência Doppler na direção de azimute, dada por 
$$K_a \approx \frac{2V^2}{\lambda r_0}$$
 (2.4)

e 
$$\tau_d = \frac{2r(t)}{c}$$
 representa o atraso de ida e volta do sinal recebido.

O sinal representado pela equação 2.3 tem características de um sinal modulado linearmente em freqüência (FM) na direção de "range", através da fase quadrática do termo  $\exp\{j\pi K_r[\tau-2r(t)/c]^2\}$ , possui também as mesmas características de um sinal FM na direção de azimute, representado pela fase quadrática do termo  $\exp\{-j\pi K_a t^2\}$ . Estas características são exploradas no processo de focalização para a geração da imagem SAR.

## 3 - Processador range-Doppler

O processador SAR leva em conta as linearidades deste sistema, com isto, os dados brutos pode ser processados separadamente na direção de "range" e na direção de azimute, através da utilização de filtros casados. Por razão de eficiência, estes filtros são implementados no domínio da freqüência em ambas as direções.

O algoritmo é chamado de range-Doppler porque a correção da migração em "range" (Range Cell Migration Correction - RCMC) e feita neste domínio. A energia provenientes dos alvos de mesma distancia, mas separados em azimute, são transformados para uma mesma localização em azimute no domínio da freqüência. Portanto, corrigindo-se a trajetória de um alvo neste domínio, corrige-se uma família de trajetórias de alvos que tenham a mesma distancia em "range".

### 3.1 - Compresao em "range"

O dados recebidos e demodulados na banda base, para cada linha de dados bruto, pode ser representada pela equação 3.1, segundo Cumming e Wong (2005):

$$g(\tau, t, \tau_0, t_0) = \sigma(t_0, r_0) w_r \left(\tau - \frac{2r(t)}{c}\right) w_a \left(\frac{t - t_0}{L}\right) \exp\left\{-j\frac{4\pi f_0 r(t)}{c}\right\} \exp\left\{j\pi K_r \left[\tau - \frac{2r(t)}{c}\right]^2\right\}$$

$$(3.1)$$

A focalização dos dados na direção de "range" é realizada através da utilização de filtros casados no domínio da freqüência, em cada linha de dados brutos. Este processamento consiste primeiramente em obter a função de referencia em "range", que é a replica do sinal transmitido, "chirp", convertido no domínio da freqüência através de FFT. Multiplica-se esta função pelos dados no domínio da freqüência e converte o resultado para o domínio do tempo, através de IFFT. Como o sinais são modulados linearmente em freqüência as FFTs são calculadas baseadas no principio da fase estacionaria, Franceschetti e Lanari (2000). O resultando de cada linha comprimida em "range" pode ser representado pela equação:

$$g_{rc}(\tau, t, \tau_0, t_0) = \sigma(t_0, r_0) p_r \left[\tau - \frac{2r(t)}{c}\right] w_a \left(\frac{t - t_0}{L}\right) e^{-\frac{t}{2}} \exp\left\{-\frac{t}{c} \frac{4\pi f_0 r(t)}{c}\right\}$$
(3.2)

onde  $p_r[\tau - 2r(t)/c]$  é a função que representa os dados comprimido em "range", do tipo sinc (sen(x)/x).

#### 3.2 – Espectro no domínio range-Doppler

Com a finalidade de facilitar a correção da migração da célula de resolução em "range" (RCMC), os dados comprimidos em "range" são colocados no domínio da freqüência na

direção azimutal através de FFT, aplicando o principio da fase estacionaria. Ignorando a constante multiplicativa, o sinal no domínio range-Doppler pode ser representado pela equação 3.3, segundo Cumming e Wong (2005):

$$G(\tau, f_{\eta}, \tau_{0}, f_{\eta_{0}}) = p_{r} \left[ \tau - \frac{2R_{rd}(f_{\eta})}{c} \right] W_{a}(f_{\eta} - f_{\eta_{0}}) e xp \left\{ -j \frac{4\pi r_{0}}{c} \right\} \exp\{j\theta_{rd}\}$$
 (3.3)

$$\theta_{rd} \approx \pi f_n^2 / K_a \tag{3.4}$$

representa a fase em azimute no domínio range-Doppler, que e quadrática, característica de sinal modulado linearmente em frequência. O termo  $R_{rd}$  é dado por,

$$R_{rd}(f\eta) \approx \frac{\lambda^2 r_0}{8V^2} f_{\eta}^2 \tag{3.5}$$

e representa a migração em "range" neste domínio, que é parabólica em  $f_\eta$  .

# 3.3 – Compressão em azimute

Em uma etapa anterior a compressão em azimute, realiza-se a correção da migração em "range", baseada na interpolação dos dados nesta direção. Nota-se na equação 3.5 que esta correção é dependente da distancia  $r_0$  bem como da freqüência Doppler  $f\eta$ .

Considerando que RCM tenha sido corrigido com eficiência, a equação 4.2 pode-se ser representada por:

$$G(\tau, f_{\eta}, \tau_{0}, f_{\eta_{0}}) = p_{r} \left[ \tau - \frac{2r_{0}}{c} \right] W_{a}(f_{\eta} - f_{\eta_{0}}) e x p \left\{ -j \frac{4\pi r_{0}}{c} \right\} \exp\{j\theta_{rd}\}$$
(3.6)

resultando em  $p_r$  independente da frequência Doppler  $f\eta$ .

A compressão em azimute consiste primeiramente em gerar a função de referencia em azimute baseada na fase  $\theta_{rd}$ , da equação 3.4. Como  $K_a$  depende da distancia  $r_0$ , segundo a equação 2.4, cria-se uma família de funções para cobrir todo o intervalo de variação de  $r_0$ . Para um dado  $r_0$  a função de referencia do filtro casado no domínio da freqüência pode ser representado por:

$$H_{az}(f_n) = \exp\left(-j\pi f_n^2 / K_a\right) \tag{3.7}$$

Multiplicando-se esta função de referencia pelo correspondente dados no domínio range-Doppler (equação 3.6), ou seja, de  $r_0$  equivalente, tem-se o sinal comprimido em azimute, que pode ser representado pela equação:

$$s_{ac}(\tau, t, \tau_0, t_0) = p_r \left[ \tau - \frac{2r_0}{c} \right] p_a(t) e x p \left\{ -j \frac{4\pi f_0 r_0}{c} \right\} \exp \left\{ j 2\pi f_{\eta_c} t \right\}$$
(3.8)

onde  $p_a$  representa a amplitude da resposta a impulso em azimute, do tipo sinc, similar a  $p_r$ . O alvo comprimido em "range" e azimute esta posicionado no tempo radial  $\tau=2r_0/c$  e no tempo azimutal t=0. A primeira componente de fase esta relacionada a posição  $r_0$  em "range", a segunda esta relacionada a freqüência Doppler central  $f_{\eta_c}$ .

## 4 - Processador SAR compacto

O diagrama em blocos básico do processador SAR range-Doppler implementado esta representado na Figura 2.

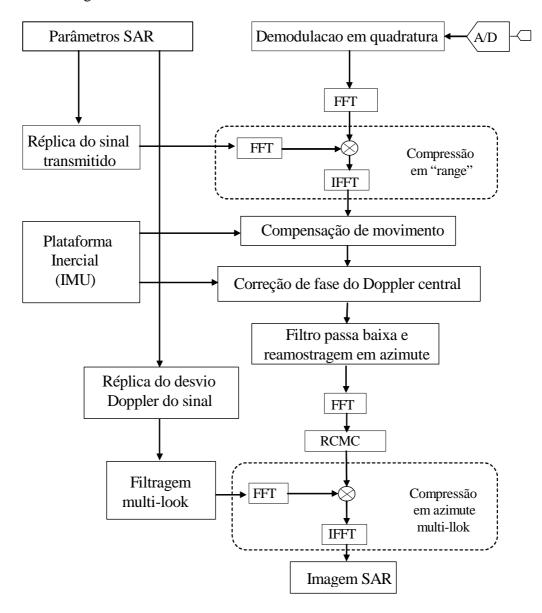


Figura 2. Diagrama em blocos do processador SAR range-Doppler

## 4.1 – Compensação de movimento da plataforma

As perturbações no movimento da plataforma de sua trajetória ideal são medidas através dos dados dos acelerômetros e giroscópios da unidade de navegação inercial (Inertial Motion Unit- IMU). Os dados da posição real da plataforma são fornecidos através das coordenadas cartesiana do centro de fase da antena. Assumindo o conhecimento das coordenadas cartesianas da trajetória ideal, é possível calcular o deslocamento da plataforma em relação a linha de visada do radar (line of sight – LOS). A Figura 3 ilustra a projeção dos deslocamentos em relação a linha de visada.

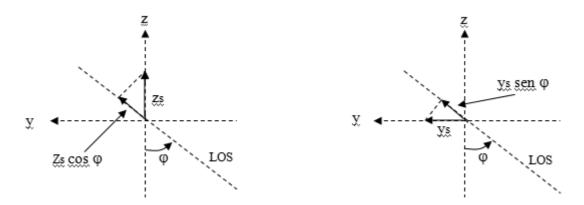


Figura 3. Projeção do deslocamento da plataforma em relação a linha de visada em z e y

O deslocamento em relação a linha de visada (LOS) é dado pela equação:

$$r_{los} = y_s \, sen(\varphi) + z_s \cos(\varphi) \tag{4.1}$$

No diagrama da Figura 2, a compensação de movimento, corrige a variação na linha de visada, os dados são deslocados na direção de "range", proporcionalmente aos valores de  $r_{los}$ , e suas fases corrigidas segundo a equação:

$$p_{los} = \exp(j4\pi r_{los} / \lambda) \tag{4.2}$$

## 4.2 – Correção da freqüência Doppler central

A unidade de navegação fornece também os ângulos de "roll", "pitch" e "yaw" da plataforma. A variação do ângulo de "yaw" é o maior responsável pela variação da freqüência Doppler central, de onde se obtém o ângulo de "squint" e a correspondente freqüência Doppler central. Desprezando a curvatura da Terra, estas variáveis são dadas pelas seguintes equações, Cumming e Wong (2005):

$$\theta_{sq} = arctg \left\{ \left[ \tan g \left( \theta_{yaw} \right) \right] \frac{\sqrt{r_0^2 - H^2}}{r_0} \right\} \quad \text{($\hat{a}$ngulo de "squint")}$$
 (4.3)

$$f_{dc} = 2V \theta_{sq} / \lambda$$
 (frequência Doppler central) (4.4)

No diagrama da Figura 2, na correção de fase do Doppler central, os dados comprimidos em range e compensados para a trajetória ideal, tem suas fases corrigidas, baseadas em  $f_{dc}$ , para que sejam levados para freqüência Doppler central igual a zero. Como  $f_{dc}$  depende de  $\theta_{sq}$ , que por sua vez depende de  $r_0$ , utiliza-se o  $r_0$  do centro da faixa imageada.

### 4.3 – Filtragem e reamostragem dos dados em azimute

Nos sistemas SAR normalmente a PRF do radar e bem maior que a largura de banda Doppler necessária para a resolução desejada. No diagrama da Figura 2, a filtragem passa baixa e realizada através do uso de media móvel de janela triangular, seguida da reamostragem desejada.

## 4.4 – Compressão em azimute multi-look

A compressão em azimute consiste primeiramente em gerar as funções de referencia para cada trecho da visada ("look"), baseada na historia de fase na direção de azimute. Os dados no domínio range-Doppler são convolucionados com as funções de referencias dos "looks", gerando as varias imagens correspondentes a cada "look". A imagem final é igual a média resultante dos imagens em amplitude de cada "look".

#### 5- Implementação do Processador SAR compacto

A implementação do processador foi realizada em uma FPGA Xilinx® XC5VSX55 em uma placa com interface elétrica padrão PCI Mezzanine Card IEEE 1386.1 (PMC) da Pentek® modelo 7142. Devido a limitação da capacidade da FPGA , parte do processamento, como a correção da migração em "range" (RCMC) e a compressão em azimute, é realizada em uma placa "motherboard" com duas CPUs e barramento do tipo CompactPCI. A Figura 4 ilustra os componentes principais integrados ao radar OrbiSAR para processamento em tempo real. Os softwares de controle do processamento e de comunicação por TCP-IP foram desenvolvidos na linguagem C++ e são executados no sistema operacional Linux.

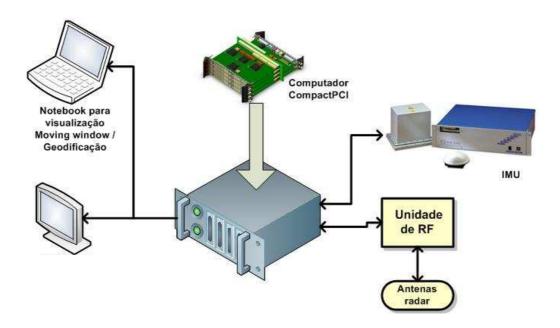


Figura 4. Componentes que compões o radar OrbiSAR com processador em tempo real

#### 6 - Resultados

O Processador SAR compacto foi testado em conjunto com o sistema radar da empresa ORBISAT, o OrbiSAR-1, na banda X, gerando imagens em tempo real com resolução espacial da ordem de 3 metros em alcance e em azimute, para as configurações de vôo adotadas, altura de 5000 m e largura de faixa imageada de 7 km. A Figura 5 ilustra a imagem na unidade de visualização, instalada em um computador do tipo "notebook", conectado ao sistema radar via TCP-IP.

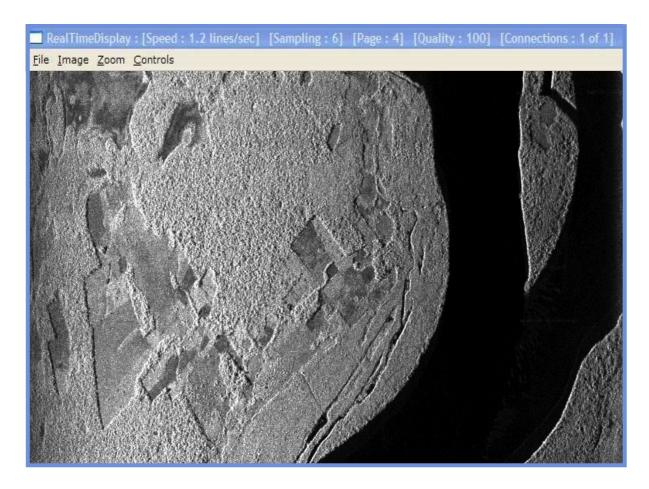


Figura 5. Unidade de visualização de imagens – Exemplo de imagem na banda X com resolução espacial de 3 metros de uma área as margens do rio Tapajós.

## 7 - Conclusão

O processador SAR de imagens SAR compacto atendeu plenamente os objetivo iniciais, conseguindo gerar imagens de boa qualidade, atendendo os requisito necessários para monitoramento em tempo real. Futuros melhoramentos serão realizados no sentido de colocar todo o processamento em FPGAs de maior capacidade, com isso, possibilitando a obtenção de imagens de maior resolução espacial, de maior largura de faixa imageada, bem como a adaptação para o processamento nas banda C, L e P e dados polarimetricos.

## 8 - Agradecimentos

Os autores agradecem o suporte financeiro fornecido pela FINEP para o desenvolvimento do processador SAR em tempo real, cujo título e número foram registrados como: Projeto PROSAR/FINEP no. 01.06.0953.00.

#### 9 - Referências

Cumming, I. G., Wong, F. H., "Digital Processing of Synthetic Aperture Radar Data", Artech House, Boston (2005).

Franceschetti, G., Lanari, R.; Synthetic Aperture Radar Processing, CRC Press, London (1999).